



Le programme de calcul

Problème — Fiche n°308



Un programme de calcul à appliquer, un résultat à observer, et surtout une propriété à démontrer. Essayer sur deux ou trois nombres ne prouve rien : il faut appeler n le nombre choisi et mener le calcul avec la lettre.

Le programme de calcul

Voici un programme de calcul :

1. Choisis un nombre.
2. Multiplie par 3.
3. Retranche le nombre choisi.
4. Retranche 2.

Réponds aux trois questions, dans l'ordre : la première se fait de tête, la dernière demande une démonstration.

1. Applique ce programme au nombre **8**, puis au nombre **16**.
2. Exprime le résultat en fonction du nombre choisi, appelé **n** .
3. Quel nombre faut-il choisir pour obtenir **22** ? Justifie par un calcul, pas par essais successifs.

Fais tes calculs au brouillon, puis rédige.



Correction

Le programme de calcul — Correction

1. On applique le programme pas à pas :

Étape	avec 8	avec 16
Nombre choisi	8	16
Multiplie par 3	24	48
Retranche le nombre choisi	16	32
Retranche 2	14	30

2. et 3. Un tableau de nombres ne démontre rien : il faut refaire le calcul avec une lettre.

On appelle n le nombre choisi et on refait le programme avec la lettre :

Nombre choisi : n

Multiplie par 3 : $3n$

Retranche le nombre choisi : $2n$

Retranche 2 : $2n - 2$

Le résultat vaut $2n - 2$, où n est le nombre choisi.

Pour la dernière question, on résout l'équation :

$$2n - 2 = 22$$

$$2n = 22 + 2 = 24$$

$$n = 24 \div 2 = 12$$

Il faut choisir 12. Vérification : le programme appliqué à 12 donne bien 22.

Pourquoi une équation plutôt que des essais. Chercher au hasard peut marcher, mais ne dit pas s'il existe d'autres solutions. L'équation, elle, donne la réponse **et** garantit qu'il n'y en a pas d'autre.

La règle du jeu. Un exemple peut **infirmer** une affirmation — il suffit d'un contre-exemple. Il ne peut jamais la **confirmer** : pour cela il faut un calcul qui vaut pour tous les nombres à la fois, et c'est précisément à quoi sert la lettre n .