



Le programme de calcul

Problème — Fiche n°326



PCAL0326

Un programme de calcul à appliquer, un résultat à observer, et surtout une propriété à démontrer. Essayer sur deux ou trois nombres ne prouve rien : il faut appeler n le nombre choisi et mener le calcul avec la lettre.

Le programme de calcul

Voici un programme de calcul :

1. Choisis un nombre.
2. Multiplie par 2.
3. Ajoute le double du nombre choisi.
4. Ajoute 2.

Réponds aux trois questions, dans l'ordre : la première se fait de tête, la dernière demande une démonstration.

1. Applique ce programme au nombre **6**, puis au nombre **19**.
2. Exprime le résultat en fonction du nombre choisi, appelé **n** .
3. Quel nombre faut-il choisir pour obtenir **18** ? Justifie par un calcul, pas par essais successifs.

Fais tes calculs au brouillon, puis rédige.



Correction

Le programme de calcul — Correction

1. On applique le programme pas à pas :

Étape	avec 6	avec 19
Nombre choisi	6	19
Multiplie par 2	12	38
Ajoute le double du nombre choisi	24	76
Ajoute 2	26	78

2. et 3. Un tableau de nombres ne démontre rien : il faut refaire le calcul avec une lettre.

On appelle n le nombre choisi et on refait le programme avec la lettre :

Nombre choisi : n

Multiplie par 2 : $2n$

Ajoute le double du nombre choisi : $4n$

Ajoute 2 : $4n + 2$

Le résultat vaut $4n + 2$, où n est le nombre choisi.

Pour la dernière question, on résout l'équation :

$$4n + 2 = 18$$

$$4n = 18 - 2 = 16$$

$$n = 16 \div 4 = 4$$

Il faut choisir 4. Vérification : le programme appliqué à 4 donne bien 18.

Pourquoi une équation plutôt que des essais. Chercher au hasard peut marcher, mais ne dit pas s'il existe d'autres solutions. L'équation, elle, donne la réponse **et** garantit qu'il n'y en a pas d'autre.

La règle du jeu. Un exemple peut **infirmer** une affirmation — il suffit d'un contre-exemple. Il ne peut jamais la **confirmer** : pour cela il faut un calcul qui vaut pour tous les nombres à la fois, et c'est précisément à quoi sert la lettre n .