



Le programme de calcul

Problème — Fiche n°397



Un programme de calcul à appliquer, un résultat à observer, et surtout une propriété à démontrer. Essayer sur deux ou trois nombres ne prouve rien : il faut appeler n le nombre choisi et mener le calcul avec la lettre.

Le programme de calcul

Voici un programme de calcul :

1. Choisis un nombre.
2. Ajoute 15.
3. Multiplie par 6.
4. Ajoute le nombre choisi.
5. Retrancher 90.

Réponds aux trois questions, dans l'ordre : la première se fait de tête, la dernière demande une démonstration.

1. Applique ce programme au nombre **6**, puis au nombre **13**.
2. Compare chaque résultat au nombre choisi. Que remarques-tu ?
3. Démonstre-le pour un nombre quelconque.

Fais tes calculs au brouillon, puis rédige.

Correction

Le programme de calcul — Correction

1. On applique le programme pas à pas :

Étape	avec 6	avec 13
Nombre choisi	6	13
Ajoute 15	21	28
Multiplie par 6	126	168
Ajoute le nombre choisi	132	181
Retranche 90	42	91

2. et 3. Un tableau de nombres ne démontre rien : il faut refaire le calcul avec une lettre.

On appelle **n** le nombre choisi et on refait le programme avec la lettre :

Nombre choisi : **n**

Ajoute 15 : **n + 15**

Multiplie par 6 : **6n + 90**

Ajoute le nombre choisi : **7n + 90**

Retranche 90 : **7n**

Le résultat est toujours le nombre choisi multiplié par 7.

L'expression finale est **7n** : le résultat est bien 7 fois le nombre de départ, pour n'importe quelle valeur de n.

La règle du jeu. Un exemple peut **infirmer** une affirmation — il suffit d'un contre-exemple. Il ne peut jamais la **confirmer** : pour cela il faut un calcul qui vaut pour tous les nombres à la fois, et c'est précisément à quoi sert la lettre n.